

$$= a^1 F(L, K). \quad \text{La fonction est homogène de degré 1}$$

$k=1$, donc ce sont des rendements d'échelle constants

➤ Si $\alpha = 2$; cette fonction présente des rendements d'échelle croissants :

$$F(aK, aL) = (aK)^{1/2} (aL)^2 = a^{1/2} K^{1/2} a^2 L^2$$

$$= a^{5/2} K^{1/2} L^2$$

$$= a^{2,5} F(L, K). \quad \text{La fonction est homogène de degré 2,5}$$

01.5 points

$k=2,5 > 1$, donc ce sont des rendements d'échelle croissants

➤ Si $\alpha = \frac{1}{4}$; cette fonction présente des rendements d'échelle décroissants :

$$F(aK, aL) = (aK)^{1/2} (aL)^{1/4} = a^{1/2} K^{1/2} a^{1/4} L^{1/4}$$

$$= a^{3/4} K^{1/2} L^{1/4}$$

$$= a^{3/4} F(L, K). \quad \text{La fonction est homogène de degré 1}$$

01.5 points

$k=3/4=0,75 < 1$, donc ce sont des rendements d'échelle décroissants

Exercice N°2 : 10 points

La fonction de production d'une entreprise est présentée ci-dessous, permettant d'obtenir un bien économique à l'aide d'une combinaison factorielle intégrant le facteur capital, noté K et le facteur travail, noté L.

$$X = F(K, L) = 2 K^{1/2} L^{1/4}$$

$$CT = 960 \text{ UM}; P_K = 160 \text{ UM} \quad P_L = 20 \text{ UM}$$

CT/ Coût total ; P_K / Prix unitaire du facteur capital ; P_L / Prix unitaire du facteur travail

Questions :

1/ Déterminez l'équation de la droite d'iso coût (Droite budgétaire) ; Puis représenter cette droite graphiquement.

$$K = \frac{CT}{P_K} - \frac{P_L}{P_K} L$$

$$K = \frac{960}{160} - \frac{20}{160} L$$

02 points