

*Examen de Moyenne Durée II
 Le Corrigé type*

Traiter ces exercices suivants :

Exercice N°1 : 10 points

I/ Soit la première fonction de production suivante : $X_1 = K^2 + L^2 + KL$

Sachant que : X : est la quantité produite (Output) ; L & K : les facteurs de production (Inputs)

Réponses :

I.1/ Déterminer le degré d'homogénéité et la nature des rendements d'échelle de cette fonction.

$$\begin{aligned} F(aK, aL) &= (aK)^2 + (aL)^2 + (aK \cdot aL) \\ &= a^2 K^2 + a^2 L^2 + a^2 KL \\ &= a^2 \cdot (K^2 + L^2 + KL) \\ &= a^2 \cdot X_1 \end{aligned}$$

01.5 points

$K=2$; $k>1$... Rendements d'échelle croissants

I.2/ Calculer les productivités Moyennes de chaque facteur : PM_L et PM_K

$$PM_L = \frac{X}{L} = \frac{K^2 + L^2 + KL}{L} = K^2 + L + K \dots\dots\dots \underline{01 \text{ point}}$$

$$PM_K = \frac{X}{K} = \frac{K^2 + L^2 + KL}{K} = K + L^2 + L \dots\dots\dots \underline{01 \text{ point}}$$

I.3/ Calculer les productivités marginales de chaque facteur :

$$P_{mL} = \frac{\partial X}{\partial L} = 2L + K \dots\dots\dots \underline{01 \text{ point}}$$

$$P_{mK} = \frac{\partial X}{\partial K} = 2K + L \dots\dots\dots \underline{01 \text{ point}}$$

II/ Soit la deuxième fonction de production suivante : $X_2 = K^{1/2} L^\alpha$

Réponses :

II.1/ Déterminer les valeurs de « α » pour lesquelles cette fonction présente des rendements d'échelle de constants, croissants, et décroissants.

➤ Si $\alpha = \frac{1}{2}$; cette fonction présente des rendements d'échelle constants :

$$\begin{aligned} F(aK, aL) &= (aK)^{1/2} (aL)^{1/2} = a^{1/2} K^{1/2} a^{1/2} L^{1/2} \\ &= a^1 K^{1/2} L^{1/2} \end{aligned}$$

01.5 points