

REPUBLIQUE ALGERIENNE DEMOCRATIQUE ET POPULAIRE

MINISTERE DE L'ENSEIGNEMENT SUPERIEUR
ET DE LA RECHERCHE SCIENTIFIQUE

Canevas de mise en conformité

OFFRE DE FORMATION L.M.D.

LICENCE ACADEMIQUE

2015 - 2016

Etablissement	Faculté / Institut	Département

Domaine	Filière	Spécialité
Mathématiques et Informatique	Mathématiques	Mathématiques

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

وزارة التعليم العالي و البحث العلمي

نموذج مطابقة

عرض تكوين

ل. م. د

ليسانس أكاديمية

2016-2015

القسم	الكلية/ المعهد	المؤسسة

التخصص	الفرع	الميدان
رياضيات	رياضيات	رياضيات و إعلام الي

II – Fiche d’organisation semestrielle des enseignements de la spécialité (S5 et S6)

(y inclure les annexes des arrêtés des socles communs du domaine et de la filière)

Annexe : Programme des enseignements du socle commun de Licence

Socle commun domaine "Mathématiques et Informatique"

Semestre 1

Unités d'enseignements	Matières	Crédits	Coefficient	Volume horaire hebdomadaire			VHS (15 semaines)	Autre*	Mode d'évaluation	
	Intitulé			Cours	TD	TP			Contrôle Continu	Examen
UE Fondamentale Code : UEF 1.1 Crédits : 17 Coefficients : 10	Analyse 1	6	4	3h00	3h00		90h00	45h00	x	x
	Algèbre 1	5	2	1h30	1h30		45h00	45h00	x	x
	Initiation à l'algorithmique	6	4	1h30	3h00	1h30	90h00	45h00	x	x
UE Méthodologique Code : UEM 1.1 Crédits : 7 Coefficients : 2	Terminologie scientifique et expression écrite et orale	4	1		1h30		22h30	45h00	x	x
	TP Bureautique	3	1			1h30	22h30	45h00	x	x
UE Découverte Code : UED 1.1 Crédits : 4 Coefficients : 4	<i>Une matière à choisir parmi :</i>									
	Physique 1 (mécanique du point)	2	2	1h30	1h30		45h00	45h00	x	x
	Codage et représentation de l'information									
	<i>Une matière à choisir parmi :</i>									
	Economie d'entreprise	2	2	1h30	1h30		45h00	45h00	x	x
Electronique, composant des systèmes										
UE Transversale Code : UET 1.1 Crédits : 2 Coefficients : 1	Langue anglaise	2	1		1h30		22h30	45h00	x	
Total semestre 1		30	17	9h00	13h30	3h00	382h30	360h00		

* travail complémentaire en consultation semestrielle

Annexe : Programme des enseignements du socle commun de Licence

Socle commun domaine "Mathématiques et Informatique"

Semestre 2

Unités d'enseignements	Matières	Crédits	Coefficient	Volume horaire hebdomadaire			VHS (15 semaines)	Autre*	Mode d'évaluation	
	Intitulé			Cours	TD	TP			Contrôle Continu	Examen
UE Fondamentale Code : UEF 1.2.1 Crédits : 11 Coefficients : 5	Analyse 2	4	2	1h30	1h30		45h00	45h00	x	x
	Algèbre 2	4	2	1h30	1h30		45h00	45h00	x	x
	Introduction aux probabilités et statistique descriptive	3	1	1h30	1h30		45h00	45h00	x	x
UE Fondamentale Code : UEF 1.2.2 Crédits : 9 Coefficients : 5	Programmation et structure de données	5	3	1h30	1h30	1h30	67h30	45h00	x	x
	Structure machine	4	2	1h30	1h30		45h00	45h00	x	x
UE Méthodologique Code : UEM 1.2 Crédits : 7 Coefficients : 3	Techniques de l'information et de la communication	4	2	1h30			22h30	45h00	x	x
	<i>Une matière à choisir parmi :</i>									
	Outils de programmation pour les mathématiques	3	1	1h30			1h30	45h00	45h00	x
Introduction à la programmation orientée objet										
UE Transversale Code : UET 1.2 Crédits : 3 Coefficients : 3	Physique 2 (électricité générale)	2	2	1h30	1h30		45h00	45h00	x	x
	Histoire des sciences	1	1	1h30			22h30	45h00	x	
Total semestre 2		30	16	13h30	9h00	3h00	382h30	405h00		

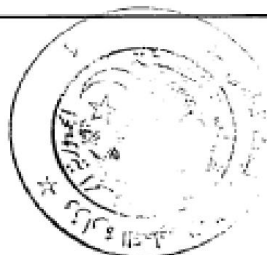
* travail complémentaire en consultation semestrielle



**Annexe du programme des enseignements de la 2ème année, licence
du domaine "Mathématiques, Informatique" filière "Mathématiques"**

Semestre 3

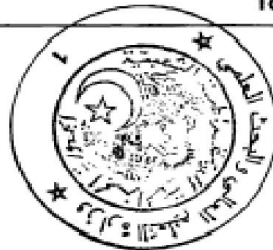
Unités d'enseignement	Matières	Crédits	Coefficient	Volume horaire hebdomadaire			VHS (15 semaines)	Autre*	Mode d'évaluation	
	Intitulé			Cours	TD	TP			Contrôle Continu	Examen
UE Fondamentale Code : UEF 2.1 Crédits : 18 Coefficients : 9	Algèbre 3	5	2	1h30	1h30		45h00		x	x
	Analyse 3	7	4	3h00	3h00		90h00		x	x
	Introduction à la topologie	6	3	3h00	3h00		90h00		x	x
UE Méthodologique Code : UEM 2.1 Crédits : 10 Coefficients : 5	Analyse numérique 1	4	2	1h30	1h30	1h30	67h30		x	x
	Logique Mathématique	3	2	1h30			22h30		x	x
	Outils de Programmation 2	3	1	1h30		1h30	45h00		x	x
UE Découverte Code : UED 2.1 Crédits : 2 Coefficients : 1	Histoire des Mathématiques	2	1	1h30			22h30			x
Total semestre 3		30	15	13h30	9h00	3h00	387h30			



**Annexe du programme des enseignements de la 2ème année, licence
du domaine "Mathématiques, Informatique" filière "Mathématiques"**

Semestre 4

Unités d'enseignement	Matières	Crédits	Coefficient	Volume horaire hebdomadaire			VHS (15 semaines)	Autre*	Mode d'évaluation	
	Intitulé			Cours	TD	TP			Contrôle Continu	Examen
UE Fondamentale Code : UEF 2.2 Crédits : 18 Coefficients : 10	Algèbre 4	5	3	1h30	1h30		45h00		x	x
	Analyse 4	8	4	3h00	3H00		90h00		x	x
	Analyse complexe	5	3	1h30	1h30		45h00		x	x
UE Méthodologique Code : UEM 2.2 Crédits : 10 Coefficients : 6	Analyse numérique 2	4	2	1h30	1h30	1h30	67h30		x	x
	Probabilités	3	2	1h30	1h30		45h00		x	x
	Géométrie	3	2	1h30	1h30		45h00		x	x
UE Découverte Code : UED 2.2 Crédits : 2 Coefficients : 1	Application des mathématiques aux autres sciences	2	1	1h30			22h30			x
Total semestre 4		30	17	12h00	10h30	1h30	360h00			



Semestre 5 :

Unité d'Enseignement	VHS	V.H hebdomadaire				Coeff	Crédits	Mode d'évaluation	
	14-16 sem	C	TD	TP	Autres			Continu	Examen
UE fondamentales						13	22		
UEF 5.1 (O/P)									
UEF5.1.1: Mesure et Intégration	67h30	3h	1h30			4	6	X	X
UEF5.1.2: Introduction à l'analyse Hilbertienne	45h	1h30	1h30			3	5	X	X
UEF5.2(O/P)									
UEF5.2.1: Equations Différentielles	67h30	3h	1h30			4	6	X	X
UEF5.2.2: Equations de la physique mathématique	45h	1h30	1h30			2	5	X	X
UE méthodologie						2	5		
UEM5.1(O/P)									
UEM5.1.1 : Optimisation sans contraintes	67h30	1h30	1h30	1h30		2	5	X	X
UE découverte						1	3		
UED5.1(O/P)									
UED5.1.1 : Initiation à la didactique des mathématiques	22h30	1h30				1	3		X
Total Semestre 5	315h	12h	7h30	1h30		16	30		

Semestre 6 : Mathématiques

Unité d'Enseignement	VHS	V.H hebdomadaire				Coeff	Crédits	Mode d'évaluation	
	14-16 sem	C	TD	TP	Autres			Continu	Examen
UE fondamentale						10	18		
UEF6.1(O/P)									
UEF6.1.1 : Matière X (*)	90 h	3h	3h			5	9	X	X
UEF6.1.2 : Matière Y (*)	90 h	3h	3h			5	9	X	X
UE méthodologie						4	10		
UEM6.1(O/P)									
UEM6.1.1: Transformations intégrales dans les espaces L^p	67h30	3h	1h.30			2	5	X	X
UEM6.1.2 : Géométrie différentielle	67h30	3h	1h.30			2	5	X	X
UE transversale						2	2		
UET6.1 (O/P)									
Ethique et déontologie de l'enseignement et de la recherche	22h.30		1h30			2	2	X	
Total Semestre 6	337h30	12	10h30			16	30		

(*) : Les matières X et Y sont à choisir par couple (un ou plusieurs) par l'équipe de formation sur la liste suivante. Cette liste reste ouverte aux nouvelles propositions qui doivent être validées **impérativement par le CPND**.

Introduction à la théorie des groupes	Introduction à la théorie des opérateurs linéaires
Théorie des corps	Equations aux dérivées partielles
Statistique Inférentielle	Modélisation mathématique des rythmes du vivant
Introduction aux processus aléatoires	Optimisation avec contraintes
Méthodes numériques pour EDO et EDP	Programmation linéaire

NB : A partager les 3 heures entre TD et TP suivant les matières X et Y choisies par l'établissement.

Récapitulatif global de la formation :(indiquer le VH global séparé en cours, TD, TP... pour les 06 semestres d'enseignement, pour les différents types d'UE)

UE VH	UEF	UEM	UED	UET	Total
Cours	630h	315h	112h30	45h	1102h30
TD	607h30	157h30	45h	67h30	877h30
TP	45h	135h	00	00	180h
Travail personnel	540h	300h	112h	46h	998h
Autre (préciser)					
Total	1822h30	907h30	269h30	158h30	3158
Crédits	104	51	18	7	180
% en crédits pour chaque UE	57,78%	28,33%	10%	3,88%	100%

III - Programme détaillé par matière des semestres S5 et S6

(1 fiche détaillée par matière)

(Tous les champs sont à renseigner obligatoirement)

Semestre : 05

Unité d'enseignement : Fondamentale

Matière : Mesure et Intégration

Crédits : 6

Coefficient : 4

Objectifs de l'enseignement: Faire découvrir à l'étudiant une nouvelle théorie qui est la théorie de la mesure ainsi que son application aux probabilités, le plaçant dans un nouveau contexte d'espaces qui sont les espaces mesurés, par suite une large théorie sur l'intégration est définie, en particulier celle de Lebesgue lui permettant de se familiariser avec les grands résultats de l'intégration tels le théorème de la convergence dominée de Lebesgue et les théorèmes de Fubini.

Connaissances préalables recommandées : Algèbre 1 et 2, Topologie

Contenu de la matière :

Chapitre 1: Tribus et mesures

- Rappels sur la théorie des ensembles.
- Algèbres et tribus.
- Mesures positives, probabilité.
- Propriétés des mesures, mesures extérieures, mesures complètes
- La mesure de Lebesgue sur la tribu des boréliens

Chapitre 2: Fonctions mesurables, variables aléatoires

- Fonctions étagées.
- Fonctions mesurables et variables aléatoires.
- Caractérisation de la mesurabilité.
- Convergence p.p et convergence en mesure.

Chapitre 3: Fonctions intégrables

- Intégrale d'une fonction étagée positive.
- Intégrale d'une fonction mesurable positive.
- Intégrale d'une fonction mesurable.
- Comparaison de l'intégrale de Lebesgue avec l'intégral de Riemann
- Mesure et densité de probabilité
- Convergence monotone et lemme de Fatou
- L'espace L^1 des fonctions intégrables
- Théorème de convergence dominée dans L^1
- Continuité et dérivabilité sous le signe somme

Chapitre 4: Produit d'espaces mesurés

- Mesure produit, définition
- Théorème de Fubini et conséquences

Mode d'évaluation: Examen (60%) , contrôle continu (40%)

Références:

1. N. Boccara, Intégration, ellipses, 1995.
2. Hadj El Amri, Mesures et intégration.
3. Roger Jean, Mesures et intégration.
4. O. Arino, Mesures et intégration (exercices).

Semestre :5

Unité d'enseignement : Fondamentale

Matière : Introduction à l'analyse Hilbertienne

Crédits :5

Coefficient : 3

Objectifs de l'enseignement : Apprendre aux étudiants l'importance et la particularité des espaces de Hilbert comme étant une classe des espaces normés. Faire apparaître des résultats propre à cet espace.

Connaissances préalables recommandées : Analyse1, analyse2, analyse3, topologie

Contenu de la matière :

Chapitre1 : Espaces de Hilbert

1.1 Définitions (produit scalaire, inégalité de Cauchy-Schwartz)

1.2 Orthogonalité, théorème de la projection, théorème de Riesz.

1.3 Système orthogonal (inégalité de Bessel-Parseval), base

1.4 Systèmes orthonormés

1.5 séries de Fourier

1.6 Systèmes orthonormés complets dans des espaces concrets.

Chapitre2 : Introduction aux opérateurs linéaires bornés

2.1 Définitions. Exemples. Norme d'un opérateur borné.

2.2 Espace $L(H)$ des opérateurs linéaires bornés - Exemples d'opérateurs bornés.

Mode d'évaluation :Examen (60%) , contrôle continu (40%)

Références:

1) Brezis H. Analyse Fonctionnelle, Théorie et Applications

3) Lacombe G., Massat P. Analyse Fonctionnelle. Exercices corrigés, DUNOT

3) Riesz F., Nagy B. Sz Leçons d'analyse fonctionnelle

4) Sonntag Y. Topologie et Analyse Fonctionnelle, Cours et exercices, Ellipses, 1997, Gauthier&Villars

Semestre :05

Unité d'enseignement : Fondamentale

Matière : Equations différentielles

Crédits :6

Coefficient :4

Objectifs de l'enseignement : Cette matière enseigne les notions et les théorèmes fondamentaux permettant l'étude qualitative des équations différentielles ordinaires.

Connaissances préalables recommandées : Analyse Réelle et Algèbre Linéaire, topologie

Contenu de la matière :

Chapitre1 : Equations du 1^{er} ordre

1-1 Résultats fondamentaux

1-2 Existence locale et globale, unicité

1-3 Dépendance par rapport aux conditions initiales.

Chapitre2 : Equations d'ordre supérieur-Systèmes d'ordre 1

Chapitre3 : Systèmes linéaires

3-1 Exponentielle de la matrice

3-2 Systèmes avec second ordre

3-3 Résolvante

Chapitre4 : Introduction aux notions de stabilité.

Mode d'évaluation : Examen (60%) , contrôle continu (40%)

Références :

1- M. Roseau : Equations différentielles.

2- J.P. Demailly : Analyse numérique et équations différentielles.

3- F. Rideau : Exercices de calcul différentiel.

4- V. Arnold : Equations différentielles ordinaires.

Semestre :5

Unité d'enseignement : Fondamentale

Matière : Equation de la physique mathématique

Crédits :5

Coefficient :2

Objectifs de l'enseignement : Ce cours est sensé fournir les outils mathématiques utilisés dans les sciences technique (mécanique, électrotechnique, géophysique...)

Connaissances préalables recommandées : Analyse Réelle et Algèbre Linéaire, topologie

Contenu de la matière :

Chapitre1 : EDP d'ordre1-Méthodes des caractéristiques

1-1 Cas linéaire

1-2 Cas quasi-linéaire

1-3 Cas non linéaire

Chapitre2 : EDP linéaires du second ordre, caractéristiques, classification, formes standard.

Chapitre3 : Méthode de séparation des variables (de Fourier).

Chapitre 4 : Equation de Laplace, fonctions harmoniques, noyau de Poisson.

Chapitre 5 : Equations des ondes (formule de Kirchhoff).

Chapitre 6 : Equation de la chaleur (intégrale de Poisson).

Mode d'évaluation :Examen (60%) , contrôle continu (40%)

Références:

1. Nikolenko V. Equations de la physique mathématique. UM, Moscou, 1981.
2. Reinhard H. Equations aux dérivées partielles. Dunod, paris, 2001.
3. Baddari K, Abbassov A. Equations de la physique mathématique appliquées. OPU ; 2009.

Unité d'enseignement : Méthodologie

Matière : Optimisation sans contraintes

Crédits :5

Coefficient :2

Objectifs de l'enseignement : Le module propose une introduction à l'optimisation sans contraintes. Un étudiant ayant suivi ce cours saura reconnaître les outils et résultats de base en optimisation ainsi que les principales méthodes utilisées dans la pratique. Des séances de travaux pratiques sont proposées pour être notamment implémentés sous le logiciel de calcul scientifique Matlab et ce, afin d'assimiler les notions théoriques des algorithmes vues en cours.

Connaissances préalables recommandées : Notions de base de calcul différentiel dans \mathbb{R}^n .

Contenu de la matière :

Chapitre1 : Quelques rappels de calcul différentiel, Convexité

- 1.1 Différentiabilité, gradient, matrice hessienne
- 1.2 Développement de Taylor
- 1.3 Fonctions convexes

Chapitre2 : Minimisation sans contraintes

- 2.1 Résultats d'existence et d'unicité
- 2.2 Conditions d'optimalité du 1^{er} ordre
- 2.3 Conditions d'optimalité du 2nd ordre

Chapitre3 : Algorithmes

- 3.1 Méthode du gradient
- 3.2 Méthode du gradient conjugué
- 3.3 Méthode de Newton
- 3.4 Méthode de relaxation
- 3.5 Travaux pratiques

Mode d'évaluation : Examen (60%) , contrôle continu (40%)

Références:

1. M. Bierlaire, Introduction à l'optimisation différentiable, PPUR, 2006.
2. J-B. Hiriart-Urruty, Optimisation et analyse convexe, exercices corrigés, EDP sciences, 2009.

Semestre :5

Unité d'enseignement : Découverte

Matière : Initiation à la didactique des mathématiques

Crédits :3

Coefficient : 1

Objectifs de l'enseignement

Ce programme contient trois composantes qui sont: l'introduction, le programme de la didactique et quelque référence. L'introduction contient les orientations pédagogiques. Le programme contient le volume horaire, les résultants attendus (fin de l'année) et le contenu.

Connaissances préalables recommandées : Bagage minimal d'un universitaire

Contenu de la matière :

1/ Pourquoi la didactique des mathématiques?

- **L'objet de la didactique** (approche historique d'émergence et évolution de la didactique, didactique et sciences de l'éducation, didactique et pédagogie).
- **L'approche systémique** (les trois pôles de la didactique).
- **Quelques travaux en didactique** (les travaux sur l'ingénierie didactique, transposition didactique, dialectique entre outil-objet, le champ conceptuel, la théorie des situations didactiques, l'acquisition des connaissances, les obstacles épistémologiques).

2/ Comment fonctionne le savoir mathématique? (Qu'est ce qui le différencie du savoir d'autres sciences ?).

Epistémologie et l'enseignement des mathématiques:

- Epistémologie et didactique (la didactique et son rapport avec l'histoire des sciences, formation des notions mathématiques, les caractéristiques épistémologiques et le questionnement didactique).
- Epistémologie, représentations et rapport au savoir.
- Evolution historique pour quelques concepts mathématiques (les nombres, types de géométries,...).

3/Comment les élèves apprennent-ils?

Epistémologie génétique et didactique:

- Conceptions sur l'apprentissage (théorie traditionnelle, behaviourisme, constructivisme).
- Quelques tendances en psychologie cognitive (les théories behaviourisme, cognitivisme et l'épistémologie génétique).

4/Travaux dirigés

- Identifier les variables didactiques influentes dans l'apprentissage des notions mathématiques.
- Illustrer par des exemples puis dans le domaine des mathématiques le rapport entre l'analyse épistémologique et questionnement didactique.
- Etudier différentes conceptions historiques pour une notion mathématique et comparaison avec les définitions données dans les manuels scolaires.
- Conceptions des élèves à propos des notions mathématiques comme : la continuité, l'intégrale, la différentielle, structures additives, les nombres entiers,...
- Identifier (dans un programme d'enseignement), les nouvelles notions et celles qui demandent un travail approfondi, puis exploiter le champ conceptuel.

Mode d'évaluation : Examen

Références

- M. HENRY (1991), Didactique des Mathématiques, Irem de Besançon.
- Y. CHEVALLARD & M. A. JOHSUA (1991), La transposition didactique, La Pensée Sauvage.
- Y. CHEVALLARD (1982), Sur l'ingénierie didactique, L'IREM d'Aix-Marseille.
- R. DOUDY, Rapport enseignement-apprentissage: dialectique outil- objet ; jeux de cadres, Les cahiers de didactique n° 3, IREM de Paris VII.
- G. VERGNAUD (1991), La théorie des champs conceptuels: Recherches en Didactique des Mathématiques n° 6, Vol. 10, n° 2 , 3.
- G. BROUSSEAU (1983), Les obstacles épistémologiques et les problèmes en mathématiques, RDM Vol. 4, n° 2.
- M. ARTIGUE (1989), Epistémologie et didactique, Cahier de didirem n° 3, IREM de Paris VII.
- J. P. ASTOLFI & M. DEVELAY (1989), La didactique des sciences, Presses Universitaires de France.
- S. JOHSUA & J. J. DUPIN (1993), Introduction à la didactique des sciences et des mathématiques, Presses Universitaires de France.
- J. P. ASTOLFI et al. (1997), Mots-clés de la didactique des sciences, De Boeck Université.
- R. BIEHLER & R. W. SCHOLZ (1994), Didactics of mathematics as a scientific discipline, Mathematics Education Library.

Semestre :6

Unité d'enseignement : Fondamentale

Matière : Introduction à la théorie des groupes

Crédits :9

Coefficient :5

Objectifs de l'enseignement

Ce module introduit des notions fondamentales pour la théorie des groupes, la structure de groupe est utile pour la compréhension des corps et les codes linéaires ainsi que leurs applications.

Connaissances préalables recommandées : Algèbre1

Contenu de la matière :

Chapitre1 : Groupes et morphismes

Groupe, sous-groupe, classes d'équivalence modulo un sous-groupe, théorème de Lagrange, morphisme de groupes, image, noyau, isomorphisme, groupe distingué, groupe quotient, théorème d'isomorphisme, groupe cyclique, indicatrice d'Euler, sous-groupes d'un groupe cyclique, étude des groupes Z/nZ et $(Z/nZ)^*$.

Chapitre2 : Action d'un groupe sur un ensemble.

Définition de l'action d'un groupe, orbite, stabilisateur, point fixe, théorème de Burnside, **Chapitre**

3 : Groupes abéliens finis

- a) Structure des groupes abéliens finis
- b) Applications

Mode d'évaluation :Examen (60%) , contrôle continu (40%)

Références:

1. Algèbre pour la licence 3 (groupes, anneaux et corps). Auteurs : Jean Jaques Risier, Pascal Boyer. Dunod Paris 2006. ISBN 210 049498 8.
2. Algèbre et géométrie. Auteurs : Jean Delcourt, Remit Goblot. Dunod Paris 2005. ISBN 210 0453358.
3. D. J. S. Robinson, " A course in the theory of groups", 2nded, Springer-Verlag, New York, 1995.

Semestre :6

Unité d'enseignement : Fondamentale

Matière : Théorie des corps

Crédits : 9

Coefficient : 5

Objectifs de l'enseignement

Cet enseignement devrait permettre à l'étudiant d'acquérir les connaissances élémentaires que procure la théorie des corps, d'autre part, l'étudiant pourra se familiariser avec des outils utiles par exemple pour l'étude des codes linéaires et la cryptographie...

Connaissances préalables recommandées : Algèbre1

Contenu de la matière :

Chapitre 1 : Anneaux et morphismes.

Anneau, sous anneau, idéal, morphisme d'anneaux, anneau quotient, idéal premier, idéal maximal, éléments inversibles, éléments associés, éléments irréductibles, éléments premiers, anneau principal, anneau euclidien, anneau factoriel.

Chapitre 2: Corps

Définitions, exemples, caractéristique, corps premiers.

Chapitre 3 : Construction des corps finis

Cardinal d'un corps fini, polynôme irréductible, construction pratique d'un corps fini.

Chapitre 4 : Applications

Exemples d'applications en codes linéaires, en cryptographie....

Mode d'évaluation : Examen (60%) , contrôle continu (40%)

Références:

1. E. Ramis, C. Deschamps, et J. Odoux. Cours de Mathématiques 1, Algèbre. Dunod, 1998.
2. Rudolf Lid land HaraldNiederreiter, Finite fields, Encyclopedia of Mathematics and applications, Cambridge university press, 1997.
3. M. Demazure. Cours d'algèbre. Primalité, divisibilité, codes. Cassini. 1997.

Semestre :6

Unité d'enseignement : Fondamentale

Matière : Introduction aux processus aléatoires

Crédits : 9

Coefficient : 5

Objectifs de l'enseignement

L'enseignement de cette matière vise à donner les notions de base sur les processus aléatoires simples et la propriété de Markov.

Connaissances préalables recommandées

L'étudiant doit maîtriser la théorie de bases du calcul des probabilités et le calcul intégral

Contenu de la matière :

Chapitre1 : Conditionnement

- Rappels sur les probabilités conditionnelles et lois conditionnelles.
- Espérance conditionnelle.
- Caractérisation de l'espérance conditionnelle.

Chapitre2 Chaînes de Markov

- Processus de Markov homogène.
- Relation de Chapman-Kolmogorov, générateur infinitésimal.
- Loi transitoire d'un processus de Markov et loi stationnaire.
- Processus de saut d'un processus de Markov, chaînes incluses.
- Exemples de processus de Markov, processus de Poisson, processus de naissance et de mort, application aux files d'attente, processus de renouvellement : modèles d'épidémiologie et processus de stockage.

Chapitre3 Martingales

- Définitions : martingale, sous martingale, sur-martingale.
- Théorème d'arrêt
- Convergence des martingales
- Applications

Chapitre4 Processus stationnaires

- Définition
- Processus à covariance stationnaire
- Théorèmes ergodiques
- Prédiction dans un processus à covariance stationnaire
- Analyse spectrale d'un processus stationnaire.

Mode d'évaluation :Examen (60%) , contrôle continu (40%)

Références:

- 1- D. Foata, A. Fuchs, Processus Stochastiques, Dunod, 2004
- 2- Karlyn,S and H. Taylor, A First Course in Stochastic Process, San Diego, 1975
- 3- Grimmett, C; Stirzaker, D, Probability and Random Process, Oxford University Press, third edition, Oxford, 2001
- 4- Ross, S. Introduction to Probability Models, Academic Press, seventh edition, San Diego, 2000.

Semestre :6

Unité d'enseignement : Fondamentale

Matière : Méthodes numériques pour EDO et EDP

Crédits : 9

Coefficient : 5

Objectifs de l'enseignement : Ce cours est une introduction succincte de certaines méthodes d'Analyse Numérique notamment la des différences finies utilisée dans la résolution des équations différentielles ordinaires et aux dérivées partielles.

Connaissances préalables recommandées : *Algèbre Linéaire de Licence, E. D. O et E. D. P.*

Contenu de la matière :

Partie1 : Méthode numérique pour EDO

Chapitre1 : Rappels sur les différents théorèmes d'existence, motivation

Chapitre2 : les différences finies

2.1 Principe - ordre de précision

2.2 Notation indicielle

2.3 Exemple simple 1D avec conditions de Dirichlet

2.4 Exemple simple 1D avec conditions mixtes Dirichlet-Neumann

Partie2 :

Chapitre3 : Méthode numérique pour EDP

3.1 Les différences finies

3.2 Schéma d'ordre supérieur

3.3 Discrétisation de l'équation de la chaleur 1D

3.4 Schéma explicite

3.5 Schéma implicite

3.6 Schéma Crank-Nicolson

3.7 Discrétisation de l'équation de Laplace 2D stationnaire

Chapitre4 : Introduction aux éléments finis

Mode d'évaluation :Examen (60%) , contrôle continu (40%)

Références:

[1] P.G. Ciarlet, Introduction à l'analyse numérique et à l'optimisation, Masson 1982.

[2] Curtis F. Gerald, Patrick O. Wheatley, Applied Numerical Analysis. Third Edition, Addison-Wesley Publishing Company.

[3] Quarteroni A., Sacco R., and Saleri F. Numerical mathematics. Springer, 2000.

[4] J. Rappaz and M. Picasso - Introduction à l'analyse numérique. Presses Polytechniques et Universitaires, Romandes, Lausanne, 1998.

[5] P.A. Raviart and J.M. Thomas. Introduction à l'analyse numérique des équations aux dérivées partielles.

Semestre :6

Unité d'enseignement : Fondamentale

Matière : Introduction à la théorie des opérateurs linéaires

Crédits : 9

Coefficient : 5

Objectifs de l'enseignement : Familiariser l'étudiant avec les notions de base de la théorie des opérateurs linéaires pour constituer un socle à de futures éventuelles études en EDP , en théorie spectrale et en équations différentielles abstraites

Connaissances préalables recommandées : Topologie des espaces métriques, des espaces vectoriels normés et analyse hilbertienne

Contenu de la matière :

Chapitre1 :

- 1.1 l'espace $L(X,Y)$
- 1.2 Opérateurs à domaines denses, prolongement par continuité
- 1.3 Convergence ponctuelle, convergence uniforme, définitions et résultats
- 1.4 Principe de la borne uniforme, théorème de Banach Steinhaus, opérateur inverse,
- 1.5 théorème d'existence de l'inverse de $L(X)$.

Chapitre 2 :

- 2.1 Espace dual d'un e.v.n
- 2.2 Le théorème de Hahn Banach et ses corollaires.
- 2.3 La notion d'opérateur adjoint, définitions et résultats.
- 2.4 Cas particulier : espace de Hilbert
- 2.5 Spectre d'un opérateur

Chapitre3 :

- 3.1 Les opérateurs compacts, définitions et résultats
- 3.2 Spectre d'un opérateur compact
- 3.2 Les théorèmes de Fredholm.

Mode d'évaluation :Examen (60%) , contrôle continu (40%)

Références:

1. Trenoguine. Analyse fonctionnelle
2. Kolmogorov, Fomine. Eléments de la théorie des fonctions et de l'analyse fonctionnelle

Semestre :6

Unité d'enseignement : Fondamentale

Matière : Equations aux dérivées partielles

Crédits : 9

Coefficient : 5

Objectifs de l'enseignement : prise de contact avec les EDP et quelques unes des méthodes et des problématiques qui s'y rattachent, apprendre quelques techniques de résolution de chaque type.

Connaissances préalables recommandées : Analyse, algèbre, topologie

Contenu de la matière :

Chapitre1 : Cas elliptique

1.1 Séparations des variables

1.2 Etude du problème de Dirichlet pour le Laplacien ($n=2, n=3$)

(Noyau de Poisson, Fonctions de Green pour la boule et le demi-plan)

Chapitre2 : Cas hyperbolique – Equations des ondes

2.1 Par séparation des variables

2.2 Représentation de la solution

2.3 Principe de Huygens ($n=1, n=2$)

2.4 Cordes et plaques vibrantes (Séries de Fourier)

Chapitre3 : Cas parabolique – Equation de la chaleur

3.1 Par séparation des variables et superposition (Séries de Fourier)

3.2 Représentation de la solution dans \mathbb{R}^n , régularité de la solution.

3.3 Equations particulières (Bernouilli-Ricati-Clairaut)

Mode d'évaluation : Examen (60%) , contrôle continu (40%)

Références:

-J.Bass, Analyse mathématique Tome 2

-Hervé Reinhardt, Equations aux dérivées partielles-cours et exercices corrigés

Semestre : 6

Unité d'enseignement : Fondamentale

Matière : Modélisation mathématique des rythmes du vivant

Crédits : 9

Coefficient : 5

Objectifs de l'enseignement

Fournir à tous les étudiants une culture interdisciplinaire sur la modélisation des systèmes complexes, les étapes-clés de la modélisation, de la formalisation du problème biologique à l'interprétation des résultats en passant par l'analyse mathématique du modèle.

Connaissances préalables recommandées

L'étudiant doit avoir des connaissances en analyse réelle, équations différentielles ordinaires. Equation aux dérivées partielles.

Contenu de la matière :

Chapitre1 : Généralités, complexité du monde réel et du vivant.

Méthodologie de la modélisation,

Chapitre2 : Modèles à une seule espèce

2.1 Modèle de Malthus (1798). Modèle de croissance logistique de Verhulst (1836).

2.2 Modèle de Gompertz. Modèle de croissance avec effet « Allee»

2.3 Modèle de Verhulst avec prédation. L'équation de Fisher (1937).

Chapitre3 : Modèle à deux espèces

3.1 Modèle de Lotka-Volterra (1926).

3.2 Système adimensionnalisé.

Propriétés.

Extensions plus réalistes (différents fonctions de réponse).

Une classe de modèles.

Un modèle prédateurs-proies avec dispersion.

Chapitre 4 : Modèles Epidémiologiques (SI,SIS,SIRS,SEIRS...)

Chapitre5 : Spatialisation et échelles de temps

Mode d'évaluation : Examen (60%) , contrôle continu (40%)

Références

- P. Auger, C. Lett, J.C. Poggiale. Modélisation mathématique en écologie. Cours et exercice corrigés Dunod. 2010.
- J. Istas, Introduction aux modélisations mathématiques pour les sciences du vivant, Mathématiques & Applications 34, 2000.
- O. Diekmann and J.A .P Heesterbeek, Mathematical epidemiology of infectious diseases, Wiley Series in Mathematical and Computational Biology, John & Sons Ltd, Chichester, 2000.
- L. Edelstein-Keshet, Mathematical models in biology, The Random House, Birkhauser Mathematics Series, Random House Inc., New York 1988.
- J. Murray: Mathematical Biology. Springer. 2001.
- Hal L. Smith, H. R. Thieme: Dynamical systems and population persistence, AMS, 2011.
- F. Brauer, C. C. Chavez : Mathematical Models in population biology and epidemiology, Springer. Second edition 2012.

Semestre :6

Unité d'enseignement : Fondamentale

Matière : Optimisation avec contraintes

Crédits : 9

Coefficient : 5

Objectifs de l'enseignement : L'objet de ce cours est une extension de l'optimisation sans contraintes. On y modélise certains problèmes pratiques issus de diverses activités économiques, médicales etc.

Pour ces différents problèmes avec contraintes, on étudie les conditions d'optimalité et on introduit les principaux algorithmes adaptés à chaque situation.

Connaissances préalables recommandées : Optimisation I.

Contenu de la matière :

Chapitre1 : Minimisation avec contraintes

1.1 Résultat d'existence et d'unicité

1.2 Condition d'optimalité du 1^{er} ordre

1-2-1 Condition d'optimalité du 1^{er} ordre général

1-2-2 Contraintes d'égalité

1-2-3 Contrainte en égalité et en inégalité

1.3 Conditions d'optimalité nécessaires du 2^{ème} ordre

Chapitre2 : Applications et exemples

2-1 Projection sur un convexe fermé

2-2 Régression linéaire avec contraintes

2-3 Cas de la programmation linéaire

2-4 Exemples

Chapitre 3 : Algorithmes

3-1 Méthode du gradient projeté

3-2 Méthode de Lagrange-Newton pour les contraintes en égalité

3-3 Méthode de Newton projeté pour les contraintes de borne

3-4 Méthodes de pénalisation

3-5 Méthodes de programmation quadratique successive (S.Q.P)

3-5-1 Cas de contraintes en égalité

3-5-2 Cas de contraintes générales

3-6 Méthode de dualité : méthode d'UZAWA

Mode d'évaluation : Examen (60%) , contrôle continu (40%)

Références bibliographiques

1. **E.G. Goldstein**, Theory of Convex Programming, Published by American Mathematical Society
2. **M. Minoux**, Programmation mathématique : théorie et algorithmes : tome 2, Dunod, Paris (1983)
3. **M. Minoux** : "Programmation Mathématique. Théorie et Algorithmes", 2 (ed.), (Lavoisier), (ISBN: 978-2-7430-1000-3) (2008)
4. **A.W.Robert and D.E.Varberg**, Convex Functions, Academic Press, New York, 1980.

Semestre :6

Unité d'enseignement : Fondamentale

Matière : Programmation linéaire

Crédits : 9

Coefficient : 5

Objectifs de l'enseignement :

Ce module a pour objectifs de sensibiliser l'étudiant à l'importance pratique des problèmes d'optimisation linéaires, de maîtriser l'ensemble théorique sous-jacent, et de pouvoir utiliser ces techniques dans des problèmes pratiques.

Connaissances préalables recommandées : Mathématiques et informatique générales

Contenu de la matière :

Chapitre1 : Introduction générale

1.1 Historique de la programmation linéaire

1.2 Exemples de modélisation de problèmes pratiques sous forme de programme linéaire.

Chapitre2 : Géométrie de la programmation linéaire

2.1 Espaces vectoriels, rang de matrice, systèmes d'équations linéaires

2.2 Ensemble convexe, hyperplan, polyèdre, simplexe, point extrême

Chapitre3 : Méthode primale de résolution d'un programme linéaire

3.1 Position du problème

3.2 Caractérisation des points extrêmes

3.3 Optimalité en un point extrême

3.4 Critères d'optimalité : formule d'accroissement de la fonction objectif, critère d'optimalité, 3.5 condition suffisante d'existence de solution non bornée

3.6 Algorithme du simplexe : amélioration de la fonction objectif en passant d'un point extrême à un autre, algorithme du simplexe sous forme matricielle, finitude de l'algorithme du simplexe, algorithme et tableau du simplexe

3.7 Initiation de l'algorithme du simplexe : cas du programme linéaire sous forme normale, M-méthode, méthode de deux phases,

Chapitre4 : Méthodes duales en programmation linéaire

4.1 Définitions

4.2 Formule d'accroissement de la fonction duale et critère d'optimalité

4.3 Condition suffisante de solutions réalisables dans le problème primale

4.4 Algorithme dual du simplexe

Initialisation de l'algorithme duale du simplexe

Mode d'évaluation :Examen (60%) , contrôle continu (40%)

Références:

1. M. Sakarovich, Graphes et programmation linéaire, Ed. Hermann. 1984.

2. H. Mauran, Programmation linéaire appliquée, Ed. Technip, 1967.

3. A. Kauffman, Méthodes et modèles de R.O., Ed. Dunod, 1976.

4. V. Chvatal, Linear programming. W.H. Freeman and Company, 1983.**Semestre :6**

Semestre :6

Unité d'enseignement : Méthodologie

Matière : Transformations intégrales dans les espaces L^p

Crédits :6

Coefficient :3

Objectifs de l'enseignement : L'objectif essentiel de cet enseignement est l'étude de deux types de transformations dans les espaces L^p , en montrant leur utilité dans la résolution de certaines équations différentielles.

Connaissances préalables recommandées : Topologie, Mesure et Intégration

Contenu du module :

Chapitre 1 : Les espaces L^p

- 1.1 Rappels de quelques résultats d'intégration.
- 1.2 Définition et propriétés élémentaires des espaces L^p .
- 1.3 Réflexibilité. Séparabilité. Dual de L^p .
- 1.4 Convolution et régularisation. Théorèmes de densité.

Chapitre 2 : Transformation de Fourier

- 2.1 Transformation de Fourier pour les fonctions intégrables.
- 2.2 Propriétés de la transformation de Fourier.
- 2.3 Transformation de Fourier inverse.
- 2.4 Transformation de Fourier pour les fonctions de carré sommable.

Chapitre 3 : Transformation de Laplace

- 3.1 Définition et propriétés de la transformation de Laplace.
- 3.2 Quelques transformées usuelles.
- 3.3 Inversion de la transformée de Laplace.
- 3.4 Application à la résolution des équations différentielles.

Mode d'évaluation : Examen (60%) , contrôle continu (40%)

Références:

- 1- J. Bass, Cours de mathématiques, tome 1, Éd. Masson et Cie - Paris, 1964.
- 2- H. Brézis, Analyse fonctionnelle, Masson, 1993.
- 3- A. Yger, Espaces de Hilbert et analyse de Fourier, Cours de 3^{ème} année de licence, université Bordeaux I, 2008.

Semestre : 6

Unité d'enseignement : Méthodologie

Matière : Géométrie différentielle

Crédits : 6

Coefficient : 3

Objectifs de l'enseignement : L'étudiant apprendra le calcul différentiel et le calcul intégral sur des objets abstraits qui sont les variétés différentiables modélisant les espaces euclidiens réels.

Connaissances préalables recommandées : *Analyse Réelle et Algèbre Linéaire*

Contenu de la matière :

Chapitre1 Théorème d'inversion locale.

- 1.1 Applications de classe C^r .
- 1.2 Difféomorphismes.
- 1.3 Théorème des fonctions implicites.

Chapitre2 Théorème du rang.

- 2.1 Le rang.
- 2.2 Théorème de submersion.
- 2.3 Théorème d'immersion.
- 2.4 Théorème du rang constant

Chapitre3 Sous-Variétés de \mathbb{R}^n .

- 3.1 La notion de sous variété.
- 3.2 Espaces tangents.
- 3.3 Sous variétés définies par des équations.
- 3.4 Sous variétés définies par un paramétrage.
- 3.5 Le lemme de Morse.
- 3.6 Fibré tangent à une sous variété de \mathbb{R}^n .

Chapitre4 Orientations et variétés à bord.

Chapitre5 Formes différentielles et différentielle extérieure.

- 5.1 Rappels d'algèbre linéaire.
- 5.2 Formes multilinéaires alternées.
 - Produit intérieur.
 - Produit extérieur.
- 5.3 Formes différentielles.
- 5.4 Différentielle extérieure. Existence et unicité.
- 5.5 Formes différentielles induites et Lemme de Poincaré.

Chapitre6 Intégration des formes différentielles.

- 6.1 Intégration sur \mathbb{R}^n .
- 6.2 Intégration sur une variété.
- 6.3 La formule de Stokes.

6.4 Applications de la formule de Stokes.

Divergence et formule de Green-Ostrogradski

Mode d'évaluation : Examen (60%) , contrôle continu (40%)

Références

1. Quatre-vingt douze exercices classiques de géométrie différentielle pour la maîtrise de mathématiques. Michèle Audin.
2. Cours de Mathématiques, deuxième année, Jack Dixmier.
3. Introduction aux variétés différentiables, presse Université de Grenoble 1996, J.J la fontaine.
4. Notes de cours de géométrie différentielle, Claude Viterbo, 23-juin-2013

Unité d'enseignement : Transversale

Matière : Ethique et déontologie de l'enseignement et de la recherche

Crédits : 2

Coefficient : 2

Objectifs de l'enseignement : Cette matière a pour objectif la préparation du futur enseignant sur le plan psychologique que méthodologique pour qu'il puisse faire face à la mission de l'enseignement.

Connaissances préalables recommandées : Bagage minimal d'un universitaire

Contenu du module :

Apprendre à l'étudiant comment :

- **Se comporter avec les élèves selon le palier.**
- **Comment affronter les problèmes dans la classe.**
- **Comment faire un cours.**
- **Comment faire un examen.**
- **Comment garder un climat sain d'apprentissage.**
- **Techniques d'enseignement.**
- **Psychologie de l'enfant.**
- **Ethique et déontologie.**

Ces titres sont donnés à titre indicatif.

Mode d'évaluation : Contrôle continu

Références:

- 1- Karin Brodie, Teaching Mathematical Reasoning in Secondary School Classrooms, Springer Science+Business Media, LLC 2010.
- 2- *Pamela Cowan*, Teaching Mathematicsby, Routledge, 2006.
- 3- James A. Middleton And Polly Goepfert, Inventive Strategies For Teaching Mathematics, American Psychological Association, Washington.